



## Automatica I (Laboratorio)

Silvio Simani

Dipartimento di Ingegneria  
Università di Ferrara

Tel. 0532 293844

Fax. 0532 768602

E-mail: [ssimani@ing.unife.it](mailto:ssimani@ing.unife.it)

URL: <http://www.ing.unife.it/simani>

URL: <http://www.ing.unife.it/simani/lessons.html>



Struttura delle lezioni

## Automatica I (Laboratorio)

1. Informazioni generali sul corso

2. Introduzione a Matlab

3. Simulazione di Sistemi Dinamici

4. Introduzione a Simulink

5. Osservatori e retroazione uscita-stato-ingresso

## 6. Progetto di Reti Correttrici



7. Sintonizzazione di Controllori PID

8. Analisi di Sistemi a Dati Campionati



## Bibliografia

⇒ G. Marro, *TFI: Insegnare ed Apprendere i Controlli Automatici di Base con Matlab*. Bologna: Zanichelli, I ed., Ottobre 1998.





## Progetto di Reti Correttrici

### Progetto di un sistema di controllo in retroazione

⇒ scelta del regolatore

⇒ verifica delle prestazioni richieste

### Analisi e sintesi della f.d.t. d'anello

⇒ risposta in frequenza della f.d.t. d'anello

⇒ progetto della f.d.t. del regolatore

### Tecniche di progetto del regolatore

⇒ sintesi diretta

⇒ procedimento per tentativi



## Progetto di Reti Correttrici

### Tecniche di progetto di reti correttrici

⇒ utilizzo dei diagrammi di Bode e Nyquist

⇒ controllo di sistemi privi di poli nel semipiano destro

### Progetto di reti anticipatrici e ritardatrici

⇒ progetto in ambiente TFI

⇒ Transfer Function Interpreter

⇒ pacchetto software in ambiente Matlab





Simulazione di sistemi non lineari e a tempo discreto



Progetto di reti correttici e regolatori



Luoghi delle radici



Connessione di sistemi in retroazione



Funzioni grafiche per la verifica della stabilità



Analisi nel dominio dei tempi e delle frequenze



Progetto interattivo ed automatico di sistemi di controllo SISO



Analisi di sistemi di controllo SISO



## L'interprete TFI



⇒ la sintassi della *Command Window* è cambiata

⇒ prompt > invece di >>

⇒ Si chiama della *Matlab Command Window* tfi



⇒ memorizzate come .mat nella directory di lavoro dell'HD

⇒ uso diretto delle funzioni di trasferimento

Analisi e sintesi interattiva di sistemi di controllo



Ambiente specifico di progettazione assistita



Il *Transfer Function Interpreter* in *Matlab*



## L'interprete TFI



## Transfer Function Interpreter e Matlab

Sono disponibili da TFI i comandi Matlab:

- ⇒ `cd, clc, what, help file, print file [opzione], grid, degrid, delete file, delete(n), dir, shg, zoom on, zoom off, figure`
- ⇒ si possono valutare espressioni  $(3*6/(2+7), [p1/6])$
- ⇒ `new` e `figure` creano una nuova finestra grafica

Definizione di una f.d.t.

- ⇒ nome della f.d.t., "=" e caratteri corrispondenti a numeri, parentesi, operatori e simboli (s o z)

⇒ Esempio



## TFI e Matlab

Passaggio di f.d.t. tra TFI e Matlab

- ⇒ salva le f.d.t. in file di tipo `.mat`
- ⇒ possibile convertire la forma di *Matlab* a quella di *TFI* e viceversa
- ⇒ `sys=exportf('g', [1])` per convertire la f.d.t. *g* al *TFI* `sys`
- ⇒ `importf(sys, 'g', [1])` per caricare in *Matlab* una f.d.t. di *TFI* nella forma polinomiale se si utilizza l'opzione [1]



- 1 - Diagramma di Bode dell'ampiezza
  - 2 - Diagramma di Bode della fase
  - 3 - Diagrammi di Bode di ampiezza e fase - una sola figura
  - 4 - Diagrammi di Bode di ampiezza e fase - due figure
  - 5 - Diagramma di Nichols
  - 6 - Diagramma di Nyquist
- operare una scelta (0 per uscire) :

⇒ output del programma

⇒ grafici multipli con colori diversi

continuo o a tempo discreto  $g_i$

↩ **fresp: fresp,  $g_i$  traccia la funzione di risposta in frequenza del sistema a tempo**

## Funzioni TFI maggiormente utilizzate (2)



↩ **factf: factf,  $g_i, g_j$  visualizza e salva nella directory corrente di lavoro con il nome  $g_j$  la forma fattorizzata di una f.d.t.  $g_i$  relativa ad un sistema, a tempo continuo o a tempo discreto, data in forma polinomiale non completamente fattorizzata**

⇒ se  $g_i$  ha termini in forma fattorizzata,  $g_j$  sarà espressa nella forma non fattorizzata

↩ **defactf: defactf,  $g_i, g_j$  visualizza e salva nella directory corrente di lavoro con il nome  $g_j$  la forma polinomiale di una data f.d.t.  $g_i$  relativa ad un sistema a tempo continuo o tempo discreto**

## Funzioni TFI maggiormente utilizzate (1)



### Funzioni TFI maggiormente utilizzate (3)

**lagc:**  $\text{lagc}, g_i, g_j$  realizza il progetto per tentativi di una rete ritardatrice  $g_j$  per il sistema controllato  $g_i$  utilizzando i diagrammi di Bode

$> \text{lagc}, g_i, g_j$

**leadc:**  $\text{leadc}, g_i, g_j$  realizza il progetto per tentativi di una rete anticipatrice  $g_j$  per il sistema controllato  $g_i$  utilizzando i diagrammi di Bode

**rootl:**  $\text{rootl}, g_i$  traccia il luogo delle radici di  $1 + K g_i = 0$  per sistemi a tempo continuo o discreto con  $K \in [0, \infty)$

### Funzioni TFI maggiormente utilizzate (4)

**tresp:**  $\text{tresp}, g_i$  traccia la risposta al gradino o all'impulso del sistema con f.d.t.  $g_i$ , a tempo continua o a tempo discreto, con scelta fra la risposta ad anello aperto o in retroazione unitaria

$\Rightarrow$  output del programma

- 1 - risposta al gradino ad anello aperto
- 2 - risposta al gradino ad anello chiuso
- 3 - risposta all'impulso ad anello aperto
- 4 - risposta all'impulso ad anello chiuso

operare una scelta (default 1, 0 per uscire) :





- massima sovrallungazione percentuale approssimativamente uguale a 7.5%
- tempo di assestamento pari a 0.4 secondi.

Utilizzando il luogo delle radici, si progettò la rete anticipatrice, con uno zero localizzato ad  $s = -15$ , che consenta di soddisfare le seguenti specifiche

chiuso in retroazione unitaria

$$G^p(s) = \frac{K}{s(s+10)(s+50)}$$

Si consideri il sistema descritto dalla funzione di trasferimento

### Progetto di una rete correttiva con il luogo delle radici



1. si progettò una rete anticipatrice  $G^c(s)$  da collegare in serie al sistema  $G^p(s)$ , con funzione di trasferimento  $G^c(s) = \frac{1+\alpha Ts}{1+\tau s}$  con  $\alpha > 1$ , in modo che il sistema risultante sia caratterizzato da un margine di fase  $M_f > 75^\circ$  e da un picco di risonanza minore di 1.1.
2. Si illustrò l'intervento della rete progettata con i diagrammi di Bode e di Nyquist.
3. Determinare le caratteristiche (massima sovrallungazione, tempo di assestamento, errore a regime) della risposta al gradino del sistema compensato chiuso in retroazione unitaria.

$$G^p(s) = \frac{1000}{s(s+10)}$$

trasferimento

Si consideri il sistema chiuso in retroazione unitaria caratterizzato dalla funzione di

### Progetto di una rete anticipatrice con i diagrammi di Bode

## Progetto di una rete ritardatrice

Data la funzione di trasferimento

$$G_p(s) = \frac{K}{s(s + \tau)^2}$$

progettare la rete ritardatrice e calcolare il valore di  $K$  tali che il sistema chiuso in retroazione unitaria soddisfi le seguenti specifiche

- massima sovralongazione minore dell'1%
- tempo di salita minore di 2 secondi
- tempo di assestamento di 2.5 secondi

Confrontare le prestazioni delle diverse soluzioni ottenute in termini di larghezza di banda, margine di ampiezza e margine di fase.



## Progetto di una rete correttrice



### Esercizio per l'esame

Un motore in corrente continua è rappresentato dalla seguente funzione di trasferimento

$$G_m(s) = \frac{6.087 \times 10^{10}}{s(s^3 + 423.42s^2 + 2.6667 \times 10^6 s + 4.2342 \times 10^8)}$$

A causa dell'accoppiamento con l'albero motore, tale funzione contiene due poli poco smorzati che generano oscillazioni nella risposta. Devono essere soddisfatte le seguenti specifiche

- Massima elongazione  $< 1\%$ ,
- Tempo di salita  $< 0.15$  secondi,
- Tempo di assestamento  $< 0.15$  secondi,
- La risposta non deve presentare oscillazioni.

Progettare una rete anticipatrice con funzione di trasferimento  $G_c(s)$

$$G_c(s) = \frac{1 + \alpha\tau s}{1 + \tau s}$$

affinché risultino verificate le specifiche relative alla risposta al gradino.



## Comandi TFI generali (1)

Da TFI si possono usare i seguenti comandi (molti dei quali sono comandi Matlab):

- > `cd` visualizza il nome della directory corrente
- > `cd path` passa alla directory di lavoro specificata in path
- > `c1c` cancella Command Window
- > `c1ear` rimuove tutte le funzioni compilate dallo spazio di lavoro di TFI
- > `degrid` rimuove il reticolo dalla figura corrente
- > `delete file.ext` cancella *file.ext* dalla directory corrente
- > `delete (n)` cancella la figura *n*
- > `delF` cancella tutte le figure
- > `dir` visualizza i nomi dei file della directory corrente in formato Matlab
- > `enl[arge]` ingrandisce del 20% la figura corrente
- > `fign` seleziona la figura *n*, con  $n = 1, 2, \dots$
- > `grid` inserisce un reticolo nella figura corrente
- > `help file` visualizza l'*help* di *file.m*
- > `lar[ge]` ingrandisce la figura corrente a dimensione piena
- > `last` selezione la figura con il numero maggiore



## Comandi TFI generali (2)

- > `med[ium]` pone la figura corrente a dimensione media
- > `new` crea una nuova figura
- > `ordf` riordina tutte le figure riducendole a dimensione piccola
- > `path` visualizza il path corrente
- > `print file [options]` salva la figura corrente in *.file*
- > `red[uce]` riduce del 20% la figura corrente
- > `res[ize]` riporta ai valori di default le posizioni delle figure
- > `shg` mostra la figura corrente a dimensione piena
- > `sma[ll]` riduce la figura corrente a dimensione piccola
- > `tfi` fornisce l'*help* di TFI
- > `what` elenca i file *\*.m* e *\*.mat* presenti nella directory corrente
- > `whitebg` cambia lo sfondo delle figure (nero o bianco)
- > `zoom` commuta la funzione zoom
- > `zoom [on]`, `[off]` inserisce o disinscrive la funzione zoom.

Si ricorda inoltre che si passa da una qualunque figura a Command Window semplicemente premendo il tasto *Esc*.



## Funzioni TFI (1)

Nell' ambiente TFI sono disponibili le seguenti funzioni CAD. Per rendere più spedita la scrittura, si può omettere la parte racchiusa entro parentesi quadra.

- > `con[vert]` , `gi` , `gj` converte `gi` da  $s$  a  $z$  e salva il risultato in `gj`
- > `defa[ctf]` ,`gi,gj` pone `gi` in forma polinomiale e salva il risultato in `gj`
- > `deft[f]` ,`gi` definisce `gi` o con il mouse o secondo Bessel, Butterworth, Pad/'e
- > `des[crf]` , `gi` analizza un sistema non lineare con la funzione descrittiva
- > `fac[tf]` , `gi` , `gj` fattorizza `gi` e salva il risultato in `gj`
- > `fre[sp]` , `gi` traccia i diagrammi di risposta in frequenza di `gi`
- > `gpm[arg]` ,`gi` visualizza i margini di ampiezza e fase (generalizzati) di `gi`
- > `inv[tr]` , `gi` visualizza l' antitrasformata di Laplace (o  $Z$ ) di `gi`
- > `lag[c]` ,`gi,gj` progetto di rete ritardatrice (diagrammi di Bode)



## Funzioni TFI (2)

- > `lea[dc]` , `gi` , `gj` progetto direte anticipatrice (diagrammi di Bode)
- > `mak[eleg]` inserisce o pulisce la legenda nell'ultima figura
- > `nls[im]` , `gi` , `gj` , `gk` , `gw` risposta nel tempo di sistema in retroazione non lineare
- > `per[ftra]` , `gi` , `gj` , `gk` , `gw` progetto di controllo digitale con preazione
- > `pidc` , `gi` , `gj` progetto di regolatore PID (diagrammi di Bode)
- > `pidd` , `gi` , `gj` progetto di regolatore PID digitale (diagrammi di Bode)
- > `pidn[ich]` ,`gi,gj` progetto di regolatore PD, PI o PID (diagramma di Nichols)
- > `regd[ph]` , `gi` , `gj` , `gk` , `gw` progetto di regolatore per allocazione dei poli
- > `regn[ich]` ,`gi,gj` progetto di rete correttrice (diagramma di Nichols)
- > `regr[ootl]` ,`gi,gj` progetto di regolatore con il luogo delle radici
- > `rob[par]` , `gi` , `gj` , `gk` , `gw` analisi di robustezza parametrica
- > `roo[tl]` ,`gi` traccia il luogo delle radici di `gi`



## Funzioni TFI (3)

- > `rou[th]`, `gi` visualizza gli intervalli di stabilit ad anello chiuso di `gi`
- > `sam[ptime]`, `T` definisce il tempo di campionamento corrente in TFI
- > `sel[ect]`, `gi`, `gj` sceglie in interattivo fattori di `gi` e salva in `gj`
- > `sta[rtint]` definisce alcune configurazioni dell'ambiente TFI
- > `tfe[val]`, `gi` visualizza il valore di `gi` per un valore assegnato di `s` o `z`
- > `tre[sp]`, `gi` traccia la risposta all'impulso o al gradino di `gi`
- > `wpl[ane]`, `gi`, `gj` converte dal piano  $z$  al piano  $w$  o viceversa
- > `zpp[lots]`, `gi`, `gj`, `gk`, `gw` traccia le mappe zeri-poli di funzioni di trasferimento

Per ottenere informazioni concise su impiego e sintassi si può usare il comando "help name" da *Command Window*.  
 NOTA: L'invio di "0" da ogni menu consente l'uscita rapida da molte applicazioni.



## Comandi TFI generali

Da TFI si possono usare i seguenti comandi (molti dei quali sono comandi Matlab):

> <code>cd</code>	visualizza il nome della directory corrente
> <code>cd path</code>	passa alla directory di lavoro specificata in path
> <code>clc</code>	cancella Command Window
> <code>clear</code>	rimuove tutte le funzioni compilate in TFI
> <code>degrid</code>	rimuove il reticolo dalla figura corrente
> <code>delete file.ext</code>	cancella <i>file.ext</i> dalla directory corrente
> <code>delete (n)</code>	cancella la figura $n$
> <code>delf</code>	cancella tutte le figure
> <code>dir</code>	visualizza i nomi dei file nella directory corrente
> <code>enl[ange]</code>	ingrandisce del 20% la figura corrente
> <code>fign</code>	seleziona la figura $n$ , con $n = 1, 2, \dots$
> <code>grid</code>	inserisce un reticolo nella figura corrente
> <code>help file</code>	visualizza l' <i>help</i> di <i>file.m</i>
> <code>lar[ge]</code>	ingrandisce la figura corrente a dimensione piena
> <code>last</code>	seleziona la figura con il numero maggiore
> <code>med[ium]</code>	pone la figura corrente a dimensione media
> <code>new</code>	crea una nuova figura
> <code>ordf</code>	riordina tutte le figure riducendole a dimensione piccola
> <code>path</code>	visualizza il path corrente
> <code>print file [options]</code>	salva la figura corrente in file
> <code>red[uce]</code>	riduce del 20% la figura corrente
> <code>res[figlo]</code>	riporta ai valori di default le posizioni delle figure
> <code>shg</code>	mostra la figura corrente a dimensione piena
> <code>sma[ll]</code>	riduce la figura corrente a dimensione piccola
> <code>tfi</code>	fornisce l' <i>help</i> di TFI
> <code>what</code>	elenca i file <i>*.m</i> e <i>*.mat</i> presenti nella directory corrente
> <code>whitebg</code>	cambia lo sfondo delle figure (nero o bianco)
> <code>zoom</code>	commuta la funzione zoom
> <code>zoom [on], [off]</code>	inserisce o disinserisce la funzione zoom.

Si ricorda inoltre che si passa da una qualunque figura a Command Window semplicemente premendo il tasto *Esc*.

